

# Analisis Faktor-Faktor yang Berpengaruh Terhadap Jumlah Kematian Ibu dan Jumlah Kematian Bayi di Provinsi Jawa Tengah dengan *Bivariate Generalized Poisson Regression*

Maudi Pramedia Putri dan Puhadi

Jurusan Statistika, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Institut Teknologi Sepuluh Nopember (ITS)

Jl. Arief Rahman Hakim, Surabaya 60111 Indonesia

*e-mail*: purhadi@statistika.its.ac.id dan pramediaputry@gmail.com

**Abstrak**—Jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi di Provinsi Jawa Tengah hingga akhir tahun 2015 masih memiliki tugas yang berat dalam memenuhi target MDGs. Jumlah kematian bayi di Jawa Tengah termasuk dalam 6 peringkat tertinggi di Indonesia dan untuk jumlah kematian ibu di Jawa Tengah dalam kurun waktu lima tahun terakhir terus mengalami peningkatan dan telah mengalami penurunan pada tahun 2015 akan tetapi belum memenuhi target MDGs, untuk itu perlu adanya upaya dari pemerintah Provinsi Jawa Tengah untuk menekan jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi sehingga perlu dilakukan penelitian untuk menganalisis faktor-faktor yang mempengaruhi jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi dengan menggunakan *Bivariate Generalized Poisson Regression*. Pada model terbaik yang diseleksi menggunakan nilai AIC yang signifikan mempengaruhi jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi adalah persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase ibu hamil mendapatkan tablet Fe3, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani, persentase rumah tangga ber-PHBS dan persentase ibu hamil melaksanakan program K4.

**Kata Kunci**—AIC, *Bivariate Generalized Poisson Regression*, Jawa Tengah, Kematian Bayi, Kematian Ibu.

## I. PENDAHULUAN

PROVINSI Jawa Tengah merupakan salah satu dari beberapa provinsi di Pulau Jawa yang masih memiliki tugas yang berat dalam memenuhi target MDGs yang terkait dengan upaya penurunan jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi hingga akhir tahun 2015. Jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi merupakan salah satu indikator penting dalam menentukan tingkat kesehatan masyarakat dan kesejahteraan suatu bangsa. Provinsi Jawa Tengah termasuk dalam 6 besar daerah dengan AKI dan AKB tertinggi di Indonesia. Jumlah kematian ibu di Jawa Tengah dalam kurun waktu lima tahun terakhir terus mengalami peningkatan, tercatat pada 2010 sebanyak 611 kasus, pada 2011 meningkat menjadi 668 kasus, pada 2012 naik menjadi 675 kasus, pada 2013 sebanyak 668 dan pada 2014 tercatat sebanyak 711 kasus sedangkan pada tahun 2015 menurun menjadi 619 kasus dengan AKI 111,16 sehingga nilai ini belum memenuhi target dari MDG's. Jumlah kematian bayi tertinggi Provinsi Jawa Tengah pada tahun 2015 terdapat pada Kabupaten Grobogan dengan jumlah kematian bayi sebesar 384 bayi dan jumlah

kematian ibu tertinggi di Provinsi Jawa Tengah terdapat pada Kabupaten Brebes yaitu sebanyak 52 kematian ibu.

Penelitian mengenai kematian bayi telah beberapa kali dilakukan [1]-[5], menerapkan *Generalized Poisson Regression* (GPR) untuk data yang mengalami overdispersi. Selain itu, penelitian tentang kematian ibu dan kematian bayi juga dilakukan dengan menggunakan pendekatan regresi poisson bivariat. GPR yang terjadi pelanggaran asumsi rata-rata dan ragam yang sama. Pelanggaran asumsi tersebut yaitu ragam lebih besar daripada rata-rata disebut overdispersi. Keباikan model menunjukkan bahwa GPR lebih baik daripada regresi *Poisson* [4]. BGPR bisa digunakan tidak hanya pada data *count* bivariat dengan korelasi positif, nol atau negatif tetapi juga data *count* bivariat yang under/over dispersi dengan hubungan antara ragam dan rata-rata yang fleksibel [5].

Data yang memiliki kasus over atau under dispersi tidak sesuai apabila dimodelkan menggunakan regresi *Poisson*. Untuk itu pada kasus over maupun under dispersi dapat dilakukan analisis menggunakan model GPR, *Negative Binomial Regression*, *Zero-Inflated Poisson Regression* dan *Zero-Inflated Negative Binomial Regression*. Pada model *Zero-Inflated Poisson Regression* dan *Zero-Inflated Negative Binomial Regression* digunakan pada data yang terjadi over maupun under dispersi dengan banyak nilai nol pada variabel respon [6]. Kematian ibu dan kematian bayi merupakan dua hal yang saling terkait erat karena status gizi dan kesehatan ibu erat kaitannya dengan kesehatan bayi di dalam kandungan. Variabel respon yang digunakan dalam penelitian ini yaitu jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi di Provinsi Jawa Tengah pada Tahun 2015. Pada penelitian ini model yang digunakan adalah *Bivariate Generalized Poisson Regression* karena data tersebut tidak banyak mengandung nilai nol dan diduga terjadi over/under dispersi, variabel respon yang digunakan merupakan peristiwa yang mengikuti distribusi poisson karena jarang terjadi serta merupakan sepasang *count* data yang memiliki korelasi. Hasil dari penelitian ini diharapkan dapat memberikan informasi kepada pemerintah mengenai kematian ibu dan bayi untuk mempermudah melakukan perencanaan program preventif di Provinsi Jawa Tengah sebagai upaya penurunan jumlah kematian ibu dan bayi berdasarkan faktor-faktor yang berpengaruh di Provinsi Jawa Tengah.

II. TINJAUAN PUSTAKA

A. Generalized Poisson Regression

Regresi *Poisson* mengasumsikan variabel respon menyebar *Poisson*, tidak ada multikolinieritas antar variabel prediktor dan memiliki ragam yang sama dengan rata-rata. Asumsi multikolinieritas dapat dilihat dari nilai korelasi antar variabel prediktor. Pada data overdispersi atau underdispersi regresi *poisson* tidak dapat digunakan karena pendugaan dalam regresi *poisson* menjadi tidak efisien. Oleh karena itu digunakan pendekatan model model yang lebih sesuai untuk mengatasi kondisi overdispersi atau underdispersi. Salah satu model yang sesuai untuk mengatasi overdispersi atau underdispersi adalah *Generalized Poisson Regression*. Sehingga selain  $\mu$  dalam *Generalized Poisson* terdapat juga  $\alpha$  sebagai parameter dispersi. Pengujian overdispersi atau underdispersi dilakukan dengan menggunakan uji Lagrange Multiplier dengan menggunakan hipotesis sebagai berikut [7].

$$H_0 : \theta = 0$$

$$H_1 : \theta \neq 0$$

Statistik uji yang digunakan adalah sebagai berikut.

$$T_{LM} = \left( \sum_{i=1}^n \frac{1}{2} \mu_i^{-2} g^2(\mu_i) \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^n \frac{1}{2} \mu_i^{-2} g^2(\mu_i) \{ (y_i - \mu_i)^2 - y_i \} \quad (1)$$

dimana  $g(\mu_i) = \mu_i^2$

Tolak  $H_0$  apabila nilai  $|T_{LM}|$  lebih besar dari  $Z_\alpha$ . Apabila nilai  $T_{LM}$  lebih besar dari  $Z_\alpha$  maka terjadi kasus overdispersi sedangkan jika nilai  $T_{LM}$  lebih kecil dari  $Z_\alpha$  maka terjadi kasus underdispersi.

B. Bivariate Generalized Poisson Regression

*Bivariate Poisson Regression* merupakan suatu metode yang digunakan untuk memodelkan sepasang data *count* yang memiliki korelasi dengan beberapa variabel prediktor [8]. Model *Bivariate Poisson Regression* dapat dituliskan :

$$(Y_{1i}, Y_{2i}) \sim PB(\mu_{1i}, \mu_{2i}, \mu_0) \quad (2)$$

dimana,

$$\mu_{ji} + \mu_0 = e^{x_i^T \beta_j}; j = 1, 2 \text{ dan } i = 1, 2, \dots, n$$

$$x_i = [1 \ x_{1i} \ x_{2i} \ \dots \ x_{ki}]^T$$

$$\beta_j = [\beta_{j0} \ \beta_{j1} \ \beta_{j2} \ \dots \ \beta_{jk}]^T$$

Jika  $(Y_{1i}, Y_{2i}) \sim GPB(\mu_{1i}, \mu_{2i}, \alpha_1, \alpha_2)$  maka model dari *Bivariate Generalized Poisson Regression* adalah

$$\ln(\mu_{ji}) = x_i^T \beta_j = \beta_{j0} + \beta_{j1} x_{1i} + \beta_{j2} x_{2i} + \dots + \beta_{jk} x_{ki}$$

$$\mu_{ji} = \exp(x_i^T \beta_j) = \exp(\beta_{j0} + \beta_{j1} x_{1i} + \beta_{j2} x_{2i} + \dots + \beta_{jk} x_{ki})$$

dimana

$$x_i = [1 \ x_{1i} \ x_{2i} \ \dots \ x_{ki}]^T$$

$$\beta_j = [\beta_{j0} \ \beta_{j1} \ \beta_{j2} \ \dots \ \beta_{jk}]^T \quad j = 1, 2 \text{ dan } i = 1, 2, \dots, n$$

i.) Pendugaan Parameter Bivariate Generalized Poisson Regression

Metode pendugaan parameter *Bivariate Generalized Poisson Regression* (BGPR) adalah *Maximum Likelihood Estimation*

(MLE) dengan fungsi *likelihood* dari *Bivariate Generalized Poisson* yaitu,

$$L(\mu_0, \mu_{1i}, \mu_{2i}, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_0) =$$

$$\prod_{i=1}^n \mu_0 \mu_{1i} \mu_{2i} \exp \{ -(\mu_0 + \mu_{1i} + \mu_{2i}) - y_{1i} \alpha_1 - y_{2i} \alpha_2 \} \sum_{k=0}^{\min(y_{1i}, y_{2i})} \frac{(\mu_{1i} + (y_{1i} - k) \alpha_1)^{y_{1i} - k}}{(y_{1i} - k)!} \frac{(\mu_{2i} + (y_{2i} - k) \alpha_2)^{y_{2i} - k}}{(y_{2i} - k)!} \times \frac{(\mu_0 + k \alpha_0)^{k-1}}{k!} \exp(k(\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_0))$$

Pada hasil turunan fungsi *likelihood* dari *Bivariate Generalized Poisson* diperoleh persamaan yang masih mengandung parameter maka diselesaikan menggunakan iterasi *Newton Raphson* dengan menggunakan persamaan:

$$\hat{\theta}_{(m+1)} = \hat{\theta}_{(m)} - H^{-1}(\hat{\theta}_{(m)}) g(\hat{\theta}_{(m)}) \quad (3)$$

Dimana,

$$\theta = (\mu_0, \beta_1^T, \beta_2^T, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_0)^T \quad (4)$$

$$g^T(\hat{\theta}_{(m)})_{(k+1)} = \left( \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \mu_0} \quad \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \beta_1} \quad \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \beta_2} \quad \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \alpha_1} \quad \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \alpha_2} \quad \frac{\partial \ln L(\theta)}{\partial \alpha_0} \right)_{\theta = \hat{\theta}_{(m)}}$$

$$H(\hat{\theta}_{(m)})_{(k+1)(k+1)} = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0^2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0 \partial \beta_1^T} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0 \partial \beta_2^T} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0 \partial \alpha_1} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0 \partial \alpha_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \mu_0 \partial \alpha_0} \\ \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_1^T \partial \beta_1} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_1^T \partial \beta_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_1^T \partial \alpha_1} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_1^T \partial \alpha_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_1^T \partial \alpha_0} & \\ \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_2^T \partial \beta_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_2^T \partial \alpha_1} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_2^T \partial \alpha_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \beta_2^T \partial \alpha_0} & & \\ & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_1^2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_1 \partial \alpha_2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_1 \partial \alpha_0} & & \\ & & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_2^2} & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_2 \partial \alpha_0} & & \\ & & & \frac{\partial^2 \ln L(\theta)}{\partial \alpha_0^2} & & \end{bmatrix} \quad (5)$$

*simetris*

Matriks Hessian merupakan matriks yang berisi turunan kedua dari fungsi  $\ln L(Q)$  terhadap parameter

$$(\mu_0, \beta_1^T, \beta_2^T, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_0)^T$$

Adapun langkah-langkah pen-dugaan parameter dengan iterasi *Newton-Raphson* adalah,

1. Menentukan nilai penduga awal parameter  $L(\hat{\omega})$  dengan  $\theta = (\mu_0, \beta_1^T, \beta_2^T, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_0)^T$ , iterasi pada saat  $m=0$ . Nilai penduga awal  $\hat{\beta}_{j(0)}$  diperoleh dengan metode OLS yaitu  $\hat{\beta}_{j(0)} = (X^T X)^{-1} (X^T y_j); j = 1, 2$
2. Membentuk vektor gradien  $g(\theta)$ .
3. Membentuk matriks Hessian dengan mensubstitusikan persamaan yang dihasilkan dari turunan kedua ke dalam persamaan (5).
4. Memasukkan nilai ke dalam  $\hat{\theta}_{(0)}$  elemen – elemen vektor  $g$  dan matriks  $H$  sehingga diperoleh vektor  $g(\hat{\theta}_{(0)})$  dan matriks  $H(\hat{\theta}_{(0)})$ .
5. Mulai dari  $m=0$  dilakukan iterasi pada persamaan  $\hat{\theta}_{j(m+1)} = \hat{\theta}_{j(m)} - H^{-1}(\hat{\theta}_{(m)}) g(\hat{\theta}_{(m)})$ . Nilai  $\hat{\theta}_{(0)}$  merupakan kumpulan penduga parameter yang konvergen saat iterasi ke- $m$ .
6. Apabila belum mendapatkan penduga parameter yang konvergen, maka dilanjutkan ke langkah 5 hingga iterasi ke  $m = m+1$ . Iterasi akan berhenti jika nilai dari  $\|\hat{\theta}_{(m+1)} - \hat{\theta}_{(m)}\| \leq \epsilon$ .

ii.) *Pengujian Hipotesis Parameter Bivariate Generalized Poisson Regression*

Pengujian serentak parameter pada model *Bivariate Generalized Poisson Regression* dilakukan untuk mengetahui signifikansi parameter  $\alpha$  dan  $\beta$  secara bersama-sama dengan hipotesis sebagai berikut :

$$H_0 : \alpha_1 = \alpha_2 = \beta_{j1} = \beta_{j2} = \dots = \beta_{jk} = 0$$

$$H_1 : \text{Ada salah satu } \alpha_j, \beta_{jk} \neq 0; j = 1, 2 \text{ dan } l = 1, 2, \dots, k$$

Statistik uji dengan persamaan sebagai berikut.

$$D(\hat{\beta}) \sim -2 \ln \left( \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} \right) = -2 (\ln L(\hat{\Omega}) - \ln L(\hat{\omega})) \sim \chi^2_v$$

$D(\hat{\beta})$  merupakan pendekatan dari distribusi  $\chi^2$  dengan derajat bebas  $v$ , dimana  $v$  adalah jumlah parameter dibawah populasi dikurangi jumlah parameter dibawah  $H_0$ . Kriteria Tolak  $H_0$  apabila  $D(\hat{\beta}) > \chi^2_{(\alpha, v)}$ , maka terdapat variabel prediktor yang berpengaruh terhadap variabel respon dengan  $\alpha$  adalah taraf signifikansi. Apabila hasil dari pengujian serentak adalah tolak  $H_0$ , untuk itu perlu dilakukan pengujian terhadap parameter model *Bivariate Generalized Poisson Regression* secara parsial dengan menggunakan hipotesis sebagai berikut.

1. Parameter  $\alpha$

$$H_0 : \alpha_j = 0$$

$$H_1 : \alpha_j \neq 0; j = 1, 2$$

Statistik uji yang digunakan yaitu:

$$Z_{hit} = \frac{\hat{\alpha}_j}{SE(\hat{\alpha}_j)} \tag{6}$$

2. Parameter  $\beta$

$$H_0 : \beta_{jl} = 0$$

$$H_1 : \beta_{jl} \neq 0; j = 1, 2 \text{ dengan } l = 1, 2, \dots, k$$

Statistik uji yang digunakan yaitu:

$$Z_{hit} = \frac{\hat{\beta}_{jl}}{SE(\hat{\beta}_{jl})} \tag{7}$$

Keputusan yang akan diambil untuk pengujian hipotesis parameter  $\alpha$  dan  $\beta$  adalah tolak  $H_0$  apabila nilai  $|Z_{hit}| > Z_{\alpha/2}$ ,

dimana  $\alpha$  adalah tingkat signifikansi yang digunakan.

C. *Multikolinieritas*

Pendeteksian multikolinieritas dapat dilakukan menggunakan nilai *Variance Inflation Factor* (VIF). Untuk regresi dengan lebih dari dua variabel definisi VIF adalah,

$$VIF = \frac{1}{1 - R_j^2} ; j = 1, 2, \dots, k \tag{8}$$

dengan,

$R_j^2$  merupakan nilai koefisien determinasi antara variabel  $x_j$  dengan variabel  $x$  lainnya. Nilai  $R_j^2$  berkisar antara 0 sampai dengan 1 sehinga nilai VIF akan seiring dengan kenaikan koefisien determinasi. Nilai VIF yang lebih dari 10 merupakan bukti cukup untuk mendeteksi adanya multikolinieritas [9].

D. *Pemilihan Model Terbaik*

Metode AIC adalah metode yang data digunakan untuk memilih model regresi terbaik yang ditemukan oleh Akaike.

Metode ini didasarkan pada metode Maximum Likelihood Estimation (MLE). Perhitungan nilai AIC menggunakan persamaan berikut,

$$AIC = -2 \ln(\text{maximum likelihood}) + 2(\text{number of parameters})$$

Model regresi terbaik adalah model regresi yang menghasilkan nilai AIC terkecil [10].

E. *Kematian Ibu dan Kematian Bayi*

Kematian ibu adalah kematian seorang perempuan yang terjadi selama kehamilan sampai dengan 42 hari setelah berakhirnya kehamilan, tanpa memperhatikan lama dan tempat terjadinya kehamilan, yang disebabkan atau dipicu oleh kehamilannya atau penanganan kehamilannya, tetapi bukan karena kecelakaan. Kematian bayi adalah kematian yang terjadi saat setelah bayi lahir sampai bayi belum berusia tepat 1 tahun. Penyebab kematian bayi ada dua macam yaitu endogen dan eksogen [11].

III. METODOLOGI PENELITIAN

A. *Sumber Data*

Data yang digunakan pada penelitian ini merupakan data sekunder yang diperoleh dari [www.dinkes-jatengprov.go.id](http://www.dinkes-jatengprov.go.id), dimana data yang digunakan yaitu Data Profil Kesehatan Provinsi Jawa Tengah tahun 2015. Unit pengamatan sebanyak 35 unit pengamatan terdiri atas 29 Kabupaten dan 6 Kota.

B. *Variabel Penelitian*

Variabel penelitian yang akan dianalisis dibagi menjadi dua yaitu variabel respon (Y) dan variabel prediktor (X). Variabel-variabel yang digunakan disajikan pada Tabel 1.

Tabel 1.  
Variabel Penelitian

Variabel	Keterangan	Determinan Konseptual
Y1	Jumlah kematian bayi	Proksi
Y2	Jumlah kematian ibu	Proksi
X1	Persentase persalinan oleh tenaga kesehatan	Antara
X2	Persentase ibu hamil mendapatkan tablet Fe3	Antara
X3	Persentase komplikasi kebidanan yang ditangani	Antara
X4	Persentase rumah tangga ber-PHBS	Antara
X5	Persentase ibu hamil melaksanakan program K4	Antara

Tabel 2.  
Struktur Data dalam Penelitian

Wilayah	Y <sub>1</sub>	Y <sub>2</sub>	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	X <sub>3</sub>	X <sub>4</sub>	X <sub>5</sub>
1	Y <sub>1,1</sub>	Y <sub>2,1</sub>	X <sub>1,1</sub>	X <sub>2,1</sub>	X <sub>3,1</sub>	X <sub>4,1</sub>	X <sub>5,1</sub>
2	Y <sub>1,2</sub>	Y <sub>2,2</sub>	X <sub>1,2</sub>	X <sub>2,2</sub>	X <sub>3,2</sub>	X <sub>4,2</sub>	X <sub>5,2</sub>
3	Y <sub>1,3</sub>	Y <sub>2,3</sub>	X <sub>1,3</sub>	X <sub>2,3</sub>	X <sub>3,3</sub>	X <sub>4,3</sub>	X <sub>5,3</sub>
4	Y <sub>1,4</sub>	Y <sub>2,4</sub>	X <sub>1,4</sub>	X <sub>2,4</sub>	X <sub>3,4</sub>	X <sub>4,4</sub>	X <sub>5,4</sub>
...	...	...	...	...	...	...	...
35	Y <sub>1,35</sub>	Y <sub>2,35</sub>	X <sub>1,35</sub>	X <sub>2,35</sub>	X <sub>3,35</sub>	X <sub>4,35</sub>	X <sub>5,35</sub>

Untuk memudahkan mengetahui pola data maka dibentuklah struktur data. Struktur data tersebut disusun berdasarkan variabel-variabel yang digunakan, baik variabel prediktor maupun variabel respon. Struktur data untuk penelitian ini ditunjukkan pada Tabel 2.



Semarang, Boyolali, Cilacap, Sukoharjo, Karanganyar, Sragen, Demak, Kudus, Jepara, Pati, Rembang dan Blora. Pada 6 Kabupaten/Kota di Provinsi Jawa Tengah termasuk dalam kategori tinggi untuk jumlah kematian bayi yaitu pada interval 208-384 terdapat di Kabupaten Klaten, Banyumas, Brebes, Tegal, Grobogan dan Kota Semarang, dimana jumlah kematian bayi tertinggi terjadi sebanyak 384 jiwa yaitu di Kabupaten Grobogan.

**B. Pengujian Overdispersion atau Underdispersion**

Dikatakan *overdispersion* atau *overdispersion* apabila nilai variansnya lebih besar dari nilai rata-rata nya untuk setiap variabel respon. Berikut nilai *mean* dan varians dari jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi.

Tabel 3.  
Mean dan Varians Variabel Respon

Variabel	Mean	Varians
Jumlah Kematian Ibu	17,69	114,63
Jumlah Kematian Bayi	159,2	5595,3

Tabel 3 menunjukkan bahwa varians dari masing-masing variabel respon memiliki nilai lebih besar dari nilai rata-rata atau *mean* nya. Sehingga dapat diindikasikan bahwa terjadi kasus *overdispersion* atau *overdispersion* pada data jumlah kematian ibu serta jumlah kematian bayi. Pada penelitian ini, untuk memastikan terjadinya kasus *overdispersion* atau *overdispersion* dilakukan pengujian menggunakan uji *Lagrange Multiplier*. Hipotesis yang digunakan untuk uji *Lagrange Multiplier* pada penelitian ini adalah sebagai berikut.

$H_0 : \theta = 0$  (Tidak terjadi *overdispersion/underdispersion*)

$H_1 : \theta \neq 0$  (Terjadi *overdispersion/underdispersion*)

Pada variabel respon jumlah kematian ibu diperoleh hasil nilai  $T_{LM}$  sebesar 11464,7. Nilai ini lebih besar dari  $Z_{(0,05/2)} = 1,96$ , sehingga dapat diketahui bahwa terdapat kasus *overdispersion* atau *overdispersion* dengan variabel respon jumlah kematian ibu. Selanjutnya pada variabel respon jumlah kematian bayi didapatkan nilai  $T_{LM}$  sebesar 248,844. Berdasarkan hasil tersebut dapat diketahui bahwa terdapat kasus *overdispersion* atau *overdispersion* dengan variabel respon jumlah kematian bayi. Diketahui bahwa kedua nilai  $T_{LM}$  memiliki nilai lebih dari  $Z_{(0,05)} = 1,645$ , maka dapat disimpulkan bahwa terjadi kasus *overdispersion* pada data jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi.

**C. Pengujian Korelasi dan Multikolinieritas**

Kriteria yang harus dipenuhi sebelum melakukan analisis menggunakan *Bivariate Generalized Poisson Regression* adalah antar variabel respon harus memiliki keterkaitan yang erat namun antar variabel prediktor tidak boleh memiliki keterkaitan yang erat. Hubungan antar variabel respon dapat dilihat melalui nilai koefisien korelasi variabel jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi. Berdasarkan hasil analisis didapatkan nilai koefisien korelasi untuk jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi sebesar 0,7852, berarti terdapat hubungan yang erat antara jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi di Provinsi Jawa Tengah pada tahun 2015. Selanjutnya berdasarkan hasil analisis didapatkan nilai VIF untuk setiap variabel prediktor kurang dari 10, sehingga dapat

ditarik kesimpulan bahwa tidak terdeteksi adanya multikolinieritas antar variabel prediktor. Karena antar variabel respon terdapat hubungan yang erat dan antar variabel prediktor tidak terdapat hubungan yang erat, maka selanjutnya dapat dilanjutkan analisis menggunakan *Bivariate Generalized Poisson Regression*.

**D. Model Bivariate Generalized Poisson Regression**

Model *Bivariate Generalized Poisson Regression* merupakan suatu model yang sesuai diterapkan pada sepasang data *count* yang saling berkorelasi serta terjadi pelanggaran asumsi rata-rata sampel sama dengan ragam sampel pada distribusi *Poisson* dengan kata lain jika terjadi over/under dispersi. Sehingga selain  $\mu$  dalam *Generalized Poisson* terdapat juga  $\alpha$  sebagai parameter dispersi. Pengujian parameter secara serentak dilakukan untuk mengetahui apakah terdapat minimal satu variabel yang berpengaruh terhadap model yang dihasilkan. Hipotesis yang digunakan untuk pengujian parameter secara serentak pada penelitian ini adalah sebagai berikut dengan hasil pengolahan data pada lampiran 6.

$H_0 : \alpha_1 = \alpha_2 = \beta_{j1} = \beta_{j2} = \dots = \beta_{j5} = 0$

$H_1 : \text{Paling sedikit ada satu } \alpha_j, \beta_{jl} \neq 0; j = 1, 2 \text{ dan } l = 1, 2, \dots, 5$

Berdasarkan hasil pemodelan data pada lampiran 1 diperoleh nilai devians sebesar 6669 dengan menggunakan tingkat signifikansi 5% didapatkan  $\chi^2_{(10;0,05)} = 18,307$ . Karena nilai devians lebih besar dari  $\chi^2_{(10;0,05)}$  maka diperoleh keputusan tolak  $H_0$ . Sehingga dapat disimpulkan bahwa paling sedikit ada satu variabel prediktor yang berpengaruh signifikan terhadap variabel respon.

Tabel 4.  
Estimasi Parameter *Bivariate Generalized Poisson Regression*.

Parameter	Jumlah Kematian Ibu ( $\mu_1$ )		Jumlah Kematian Bayi ( $\mu_2$ )	
	Estimasi	SE	Estimasi	SE
$\beta_0$	10,578353	0,460257	12,154957	0,176342
$\beta_1$	-0,120823	0,003986	-0,157507	0,001661
$\beta_2$	0,063520	0,003206	0,032192	0,001405
$\beta_3$	0,004411	0,000319	0,012302	0,000111
$\beta_4$	-0,008226	0,000861	-0,054510	0,000151
$\beta_5$	0,018592	0,003866	0,115801	0,000902

Tabel 4 menunjukkan nilai estimasi parameter dari jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi. Estimasi parameter  $\alpha_0$ ,  $\alpha_1$  dan  $\alpha_2$  untuk jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi berturut-turut yaitu 47,718, 1,071 dan 1,3708. Model yang didapatkan dari hasil penaksiran parameter *Bivariate Generalized Poisson Regression* untuk jumlah kematian ibu dan jumlah kematian ibu adalah sebagai berikut.

$\ln(\hat{\mu}_1) = 10,578353 - 0,120823X_1 + 0,06352X_2 + 0,004411X_3 - 0,008226X_4 + 0,018592X_5$   
 $\hat{\mu}_1 = \exp(10,578353 - 0,120823X_1 + 0,06352X_2 + 0,004411X_3 - 0,008226X_4 + 0,018592X_5)$   
 $\ln(\hat{\mu}_2) = 12,154957 - 0,157507X_1 + 0,032192X_2 + 0,012302X_3 - 0,05451X_4 + 0,115801X_5$   
 $\hat{\mu}_2 = \exp(12,154957 - 0,157507X_1 + 0,032192X_2 + 0,012302X_3 - 0,05451X_4 + 0,115801X_5)$

Setelah model *Bivariate Generalized Poisson Regression* diperoleh, selanjutnya dilakukan pengujian parameter secara parsial untuk mengetahui variabel prediktor mana yang berpengaruh secara signifikan terhadap jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi. Hipotesis yang digunakan untuk melakukan uji parsial pada penelitian ini adalah sebagai berikut.

$H_0 : \alpha_j = 0$

$H_1 : \alpha_j \neq 0; j = 1, 2$

Pengujian ini menggunakan statistik uji Z yang merupakan nilai estimasi dibagi dengan standar errornya. Kemudian dengan menggunakan taraf signifikansi 5% nilai Z dibandingkan dengan nilai  $Z_{(0,05/2)}=1,96$  dan tolak  $H_0$  apabila nilai dari  $|Z| > Z_{(a/2)}$ . Berikut merupakan hasil pengujian parsial dari *Bivariate Generalized Poisson Regression*.

Tabel 5.

Nilai $Z_{hitung}$ Parameter Dispersi	
Parameter	Nilai $Z_{hitung}$
$\alpha_1$	41,129
$\alpha_2$	3,321

Berdasarkan pada Tabel 5 menunjukkan bahwa untuk parameter alfa, masing-masing memiliki nilai  $|Z|$  lebih dari  $Z_{(0,05/2)}=1,96$ . Maka dapat disimpulkan bahwa ketiga parameter alfa berpengaruh signifikan terhadap jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi. Hipotesis yang digunakan untuk melakukan uji parsial untuk parameter kedua yaitu beta pada penelitian ini adalah sebagai berikut.

$H_0 : \beta_{jl} = 0;$

$H_1 : \text{Paling sedikit ada satu } \beta_{jl} \neq 0; j = 1,2 \text{ dan } l = 1, 2, \dots, 5$

Pengujian ini menggunakan statistik uji yang sama yaitu Z yang merupakan nilai estimasi dibagi dengan standar errornya. Kemudian dengan menggunakan taraf signifikansi 5% nilai Z dibandingkan dengan nilai  $Z_{(0,05/2)}=1,96$  dan tolak  $H_0$  apabila nilai dari  $|Z| > Z_{(a/2)}$ . Berikut merupakan hasil pengujian parsial dari *Bivariate Generalized Poisson Regression*.

Tabel 6.

Nilai $Z_{hitung}$ Model <i>Bivariate Generalized Poisson Regression</i>		
Parameter	Jumlah Kematian Ibu ( $\mu_1$ )	Jumlah Kematian Bayi ( $\mu_2$ )
$\beta_0$	68,928	22,984
$\beta_1$	-94,822	-30,309
$\beta_2$	22,9120	19,810
$\beta_3$	111,300	13,811
$\beta_4$	-362,272	-9,559
$\beta_5$	128,447	4,809

Tabel 6 menunjukkan bahwa untuk model jumlah kematian ibu semua variabel prediktornya memiliki nilai  $|Z|$  yang lebih besar dari 1,96 sehingga dapat dijelaskan bahwa variabel persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase ibu hamil mendapatkan tablet Fe3, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani, persentase rumah tangga ber-PHBS dan persentase ibu hamil melaksanakan program K4 berpengaruh secara signifikan terhadap jumlah kematian ibu. Untuk model jumlah kematian bayi memiliki hasil yang sama yaitu untuk semua variabel prediktor yaitu persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase ibu hamil mendapatkan tablet Fe3, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani, persentase rumah tangga ber-PHBS dan persentase ibu hamil melaksanakan program K4 memiliki nilai  $|Z|$  yang lebih besar dari 1,96 sehingga dapat dijelaskan bahwa variabel prediktor tersebut juga berpengaruh secara signifikan terhadap jumlah kematian bayi.

*E. Pemilihan Model Bivariate Generalized Poisson Regression Terbaik*

Untuk mendapatkan model terbaik yang dapat diterakan pada kasus jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi di Provinsi Jawa Tengah dilakukan dengan melakukan perbandingan nilai AIC dari seluruh model yang mungkin terjadi pada model *Bivariate Generalized Poisson Regression* dimana model dengan nilai AIC terkecil merupakan model yang terbaik. Berikut merupakan nilai AIC dari masing-masing kemungkinan model *Bivariate Generalized Poisson Regression*.

Tabel 7.

Kriteria Kebaikan Model	
Variabel Prediktor Model	Nilai AIC
$X_3$	158357
$X_1, X_3$	34742
$X_1, X_3, X_4$	3910
$X_1, X_3, X_4, X_5$	239771
$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5$	13359

Tabel 7 menunjukkan nilai AIC dari masing-masing model yang mungkin untuk *Bivariate Generalized Poisson Regression* berdasarkan pemilihan variabel prediktor yang digunakan. Berdasarkan pada hasil tersebut dapat dilihat bahwa nilai AIC terkecil diperoleh dari model *Bivariate Generalized Poisson Regression* dengan tiga variabel prediktor yaitu sebesar 3910 dimana ketiga variabel prediktor tersebut diantaranya persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani serta persentase rumah tangga ber-PHBS.

V. KESIMPULAN DAN SARAN

A. Kesimpulan

Berdasarkan hasil analisis yang telah dijelaskan pada BAB IV, didapatkan beberapa kesimpulan sebagai berikut.

1. Terdapat 619 kasus kematian ibu dan 5571 kasus kematian bayi yang terjadi di Provinsi Jawa Tengah. Jumlah kematian ibu tertinggi yaitu sebanyak 52 jiwa terdapat di Kabupaten Brebes. Jumlah kematian bayi tertinggi sebanyak 384 jiwa terjadi di Kabupaten Grobogan. Nilai ini masih cukup tinggi dan perlu menjadi perhatian khusus bagi pemerintah.
2. Model yang diperoleh dengan menggunakan *Bivariate Generalized Poisson Regression* menghasilkan nilai AIC sebesar 13359. Model yang dihasilkan adalah sebagai berikut.

$$\ln(\hat{\mu}_1) = 10,578353 - 0,120823X_1 + 0,06352X_2 + 0,004411X_3 - 0,008226X_4 + 0,018592X_5$$

$$\ln(\hat{\mu}_2) = 12,154957 - 0,157507X_1 + 0,032192X_2 + 0,012302X_3 - 0,05451X_4 + 0,115801X_5$$

Berdasarkan hasil pengujian parameter model *Bivariate Generalized Poisson Regression* menunjukkan bahwa untuk model jumlah kematian ibu dan jumlah kematian bayi variabel persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase ibu hamil mendapatkan tablet Fe3, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani, persentase rumah tangga ber-PHBS dan persentase ibu hamil melaksanakan program K4 berpengaruh secara signifikan terhadap jumlah kematian ibu di Provinsi Jawa Tengah. Model terbaik yang diperoleh merupakan model *Bivariate Generalized Poisson*

*Regression* dengan menggunakan tiga variabel prediktor yaitu persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani serta persentase rumah tangga ber-PHBS. Nilai AIC yang dihasilkan dengan menggunakan tiga variabel tersebut adalah sebesar 3910, jauh lebih baik apabila dibandingkan dengan model *Bivariate Generalized Poisson Regression* dengan menggunakan seluruh variabel. Model yang dihasilkan adalah sebagai berikut.

$$\ln(\lambda_1) = 12,1 - 0,076030X_1 - 0,000364X_3 - 0,020090X_4$$

$$\ln(\lambda_2) = 10,99 - 0,040300X_1 + 0,011340X_3 - 0,005421X_4$$

Variabel yang berpengaruh secara signifikan untuk model jumlah kematian ibu yaitu variabel persentase persalinan oleh tenaga kesehatan dan persentase rumah tangga ber-PHBS. Untuk model jumlah kematian bayi semua variabel prediktor yaitu persentase persalinan oleh tenaga kesehatan, persentase komplikasi kebidanan yang ditangani dan persentase rumah tangga ber-PHBS berpengaruh secara signifikan terhadap jumlah kematian bayi.

### B. Saran

Berdasarkan penelitian yang telah dilakukan, saran yang dapat diberikan kepada pihak Dinas Kesehatan Provinsi Jawa Tengah yaitu Dinas Kesehatan Provinsi Jawa Tengah dapat bekerja sama dengan puskesmas, bidan maupun rumah sakit di wilayah tersebut untuk menghimbau masyarakat agar melaksanakan program K4 dimana dalam program tersebut telah dilengkapi dengan berbagai *medical check up* yang sangat penting untuk memantau kesehatan ibu dan janin didalam kandungannya.

### DAFTAR PUSTAKA

- [1] Sofro A., (2009). *Generalized Poisson Regression pada Pemodelan Data Klaim Resiko Sendiri* : PT. Asuransi Tripakarta Surabaya. Tesis. ITS (Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya).
- [2] Listiani, Y. (2010). *Pemodelan Regresi Generalized Poisson pada Faktor-Faktor yang Mempengaruhi Angka Kematian Bayi di Jawa Timur Tahun 2007*. Penelitian. Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya.
- [3] Arkandi, I. (2015). *Analisis Faktor Risiko Kematian Ibu dan Kematian Bayi dengan Pendekatan Regresi Poisson Bivariat di Provinsi Jawa Timur Tahun 2013*. Penelitian. Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya.
- [4] Ismail, N. & Jemain, A. A. (2005). *Generalized Poisson Regression : An Alternative for Risk Classification*. *Jurnal Teknologi University Teknologi Malaysia*, Vol 43 Page 39-54. <http://www.penerbit.utm.my/onlinejournal/>. Tanggal Akses :14 Agustus 2016.
- [5] Zamani, H., Faroughi P., & Ismail N. (2013). *Bivariate Generalized Poisson Regression Model : Applications on Health Care Data*. Springer-Verlag Berlin Heidelberg.
- [6] Famoye, F., Wulu, J.T. & Singh, K.P. (2004). *On The Generalized Poisson Regression Model With an Application to Accident Data*. *Journal of Data Science* 2, Hal. 287-295. <http://www.sinica.edu/>. Tanggal Akses: 14 Agustus 2016.
- [7] Cameron, A.C & Trivedi, P.K. (1998). *Regression Analysis of Count Data*. Cambridge University Press. USA.
- [8] Karlis, D & Ntzoufras, I. (2005). *Bivariate Poisson Regression Models in R*. *Journal of Statistical Software*, Vol 14 1-36.
- [9] Li, F. (2000). *Multicolinearity*. Departemen of Statistics, Stockholm University, Hal. 1-10. <http://people.su.se/>. Tanggal Akses : 14 Agustus 2016.
- [10] Akaike, H. (1978). *A Bayesian Analysis of The Minimum AIC Procedure*. *Annals of the Institute of Atatistical Mathematics, Part A* Hal. 194 . Diakses pada : <http://www.ism.ac.jp/editsec/aism-/pdf/> Tanggal Akses : 14 Agustus 2016.

- [11] Dinas Kesehatan. (2015). *Profil Kesehatan Provinsi Jawa Tengah Tahun 2015*. Semarang : Dinas Kesehatan Provinsi Jawa Tengah. [www.dinkesjatengprov.go.id](http://www.dinkesjatengprov.go.id). Tanggal Akses : 14 Agustus 2016.